

❖ Comprimento:

- Igual a ...
- Maior (ou igual) a ...
- Menor (ou igual) a ...
- Par
- Ímpar
- Múltiplo de ...

❖ Símbolos e subcadeias:

- Começa com ...
- Termina com ...
- Contém ...
- Contém exatamente tantas ocorrências ...
- Contém no mínimo tantas ocorrências ...
- Contém no máximo tantas ocorrências ...
- Justaposição

❖ Combinações:

- Negação
- E
- Ou
- Ou exclusivo

Para o grupo de linguagens a seguir, elaborar:

- Representação como conjuntos

Para cada uma das linguagens, construir (e depois comparar com a solução apresentada):

- Gramática
- Expressão regular

Para cada uma das linguagens, obter:

- Gramática linear à esquerda / direita

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

1

Cadeias de comprimento  
qualquer, incluindo zero.

$\{\epsilon, a, b, c, aa, ab, ac, ba, bb, bc,$   
 $ca, cb, cc, aaa, aab, \dots\}$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$
$$S \rightarrow aS$$
$$S \rightarrow bS$$
$$S \rightarrow cS$$
$$S \rightarrow \varepsilon$$
$$(a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias de comprimento  
qualquer, maior que zero.

2

{a, b, c, aa, ab, ac, ba, bb, bc,  
ca, cb, cc, aaa, aab, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow aS$$

$$S \rightarrow bS$$

$$S \rightarrow cS$$

$$S \rightarrow a$$

$$S \rightarrow b$$

$$S \rightarrow c$$

$$(a|b|c)^*(a|b|c)$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

3

Cadeias de comprimento 3.

{bca, aab, aca, bab, cab, acc,  
abb, abc, acb, aaa, cbb, baa, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$
$$S \rightarrow XXX$$
$$X \rightarrow a$$
$$X \rightarrow b$$
$$X \rightarrow c$$
$$(a|b|c)(a|b|c)(a|b|c)$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

4

Cadeias de comprimento  
diferente de 3.

{a, bc, bbcc, bcabaab, bcaa, c,  
 $\epsilon$ , acababab, acaacabbab,  
cabacacb, aabc, babac, ba,  
abaaa, bbcb, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$S \rightarrow X$$

$$S \rightarrow XX$$

$$S \rightarrow XXXXY$$

$$X \rightarrow a$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$Y \rightarrow XY$$

$$Y \rightarrow \epsilon$$

$$\epsilon|a|b|c|$$

$$(a|b|c)(a|b|c)|$$

$$(a|b|c)(a|b|c) (a|b|c)(a|b|c)(a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

5

Cadeias de comprimento  
maior que 3.

{bbcc, bcabaab, bcaa,  
cababab, acaacabbab,  
cabacacb, aabc, babac, abaaa,  
bbc, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XXXXY$$

$$X \rightarrow a$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$Y \rightarrow XY$$

$$Y \rightarrow \varepsilon$$

$$(a|b|c)(a|b|c)(a|b|c)(a|b|c)(a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

6

Cadeias de comprimento  
menor que 3.

$$\{\varepsilon, a, b, c, aa, ab, ac, ba, bb,  
bc, ca, cb, cc\}$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XX$$

$$X \rightarrow a$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$\epsilon | a | b | c | aa | ab | ac | ba | bb | bc | ca | cb | cc$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

7

Cadeias de comprimento  
múltiplo de 3.

{bca, acabababb,  $\epsilon$ , acabab,  
cabacacbb, aabcbabaccba,  
baaabaa, aaa, bbbbbbb,  
aabaaacbaba, aac, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XXXS$$

$$X \rightarrow a$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$S \rightarrow \varepsilon$$

$$((a|b|c)(a|b|c)(a|b|c))^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

8

Cadeias com uma quantidade  
par de símbolos.

{ $\epsilon$ , bb, ac, aabc, abac, abbc,  
abcc, acac, acbc, aaaacb,  
bababc, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XXS$$

$$X \rightarrow a$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$S \rightarrow \varepsilon$$

$$((a|b|c)(a|b|c))^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

9

Cadeias com uma quantidade  
ímpar de símbolos.

{bcb, acbbb, a, c, aabcbbb,  
bbbacbbba, abc, cbabc, aaa, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$
$$S \rightarrow XXS$$
$$X \rightarrow X$$
$$X \rightarrow a$$
$$X \rightarrow b$$
$$X \rightarrow c$$
$$((a|b|c)(a|b|c))^*(a|b|c)$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias iniciando com “abb”.

{abb, abba, abbab, abbabb,  
abbcabbc, abbcccbbb, ... }

10

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$
$$S \rightarrow abbX$$
$$X \rightarrow aX$$
$$X \rightarrow bX$$
$$X \rightarrow cX$$
$$X \rightarrow \epsilon$$
$$abb(a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias terminando com 3 símbolos “b” consecutivos.

{bbb, acbbb, aabcbbb,  
abacbbb, abbb, bbbb,  
acacbbb, bbbacbbb,  
abababbb, ... }

1 1

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow Xbbb$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$S \rightarrow \varepsilon$$

$$(a|b|c)^*bbb$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias iniciando com “a” e terminando com “c”.

{ac, abc, acc, aac, aabc, abac,  
abbc, abcc, acac, acbc, aaaac,  
aaabc, ... }

12

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow aXc$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$a(a|b|c)^*c$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias que não iniciam com “a” e não terminam com “c”.

{baca, cb, cacb, caaa, caabcb,  
babacb, babbcb, cabccb, ca,  
bb, bcab, bbbcb, ... }

13

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XYZ$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow c$$

$$Z \rightarrow a$$

$$Z \rightarrow b$$

$$Y \rightarrow aY$$

$$Y \rightarrow bY$$

$$Y \rightarrow cY$$

$$Y \rightarrow \varepsilon$$

$$(b|c)(a|b|c)^*(a|b)$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com exatamente 3  
símbolos “b”.

{bcbb, acbbb, bbab, cbbb,  
aabccb, bacabccba, bbbc,  
cbabcba, ababab, ... }

14

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XbXbXbX$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$(a|c)^*b \ (a|c)^* \ b \ (a|c)^* \ b \ (a|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com pelo menos 2 símbolos “a”.

{bcbaab, acbabab, aaabbab,  
cababab, aabcbabaa,  
bacabcaacba, aaabaaaabbc,  
cbabacaba, abbab, ... }

15

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XaXaX$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$(a|b|c)^*a \ (a|b|c)^* \ a \ (a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com no máximo 4  
símbolos “c”.

{bcbaab, acbabab,  
ccabbab, cabacacb,  
aabcbabac, baabaaba,  
aaabbc, ccabcac, abcbab,  
ccc, ... }

16

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XYXYXYXYX$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow c$$

$$Y \rightarrow \epsilon$$

$$(a|b)^*(c|\epsilon)(a|b)^*(c|\epsilon)(a|b)^*(c|\epsilon)(a|b)^*(c|\epsilon)(a|b)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias que contenham no mínimo 2 símbolos “a” ou no máximo 3 símbolos “c”, de forma não exclusiva.

{abccabc, abaccbcb,  
aaabcc, acccbc, abcabcabc,  
cababc, aa, ababbabca, ccc, ... }

17

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XaXaX$$

$$S \rightarrow YZYZYZY$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \varepsilon$$

$$Y \rightarrow aY$$

$$Y \rightarrow bY$$

$$Y \rightarrow \varepsilon$$

$$Z \rightarrow c$$

$$Z \rightarrow \varepsilon$$

$$(a|b|c)^*a(a|b|c)^*a(a|b|c)^*| \\ (a|b)^*(c|\varepsilon) \ (a|b)^*(c|\varepsilon)(a|b)^*(c|\varepsilon) \ (a|b)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com no mínimo 3 e no  
máximo 5 símbolos “a”.

18

{bcabaab, acababab,  
acaacabbab, cabacacb,  
aabcbabac, baaba, aaabbc,  
acacabcac, aabaacb, aaaa, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XaXaXaXYXYX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow a$$

$$Y \rightarrow \epsilon$$

$$(b|c)^*a(b|c)^*a(b|c)^*a(b|c)^*(a|\epsilon)(b|c)^*(a|\epsilon)(b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias que não contêm  
símbolos “b” justapostos.

{abccabc, abaccbcb,  
aaabcc, acccbc, abcabcabc,  
cababc, aa, bacacc, ababcbabca,  
ccc, ... }

19

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XYZX$$

$$X \rightarrow b$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow ZbY$$

$$Y \rightarrow \epsilon$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Z \rightarrow aZ$$

$$Z \rightarrow cZ$$

$$Z \rightarrow a$$

$$Z \rightarrow c$$

$$(b|\epsilon)((a|c)(a|c)^*b )^* (a|c)(a|c)^*(b|\epsilon)$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com uma quantidade par de símbolos “b”.

20

{bb, bcb, bbcc, bcababab, caa, c,  
 $\epsilon$ , acbababab, acaacabba,  
cabacacb, ababc, bbabbac,  
babbb, aaaa, cbb, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XbXbS$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$((a|c)^*b(a|c)^*b))^*(a|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com uma quantidade  
ímpar de símbolos “c”.

21

{bbc, bcb, cbbcc, bcababab, caa,  
c, acbababab, acaacabcba,  
cacbaccacb, ababc, bbabbac,  
cbccabbb, acacaca, cbb, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XY$$

$$X \rightarrow ZcZcX$$

$$X \rightarrow \varepsilon$$

$$Y \rightarrow ZcZ$$

$$Z \rightarrow aZ$$

$$Z \rightarrow bZ$$

$$Z \rightarrow \varepsilon$$

$$((a|b)^*c(a|b)^*c))^*((a|b)^*c(a|b)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias com quantidade  
par de símbolos “a” e  
ímpar de símbolos “c”.

{cabccabcc, aaacacbcb,  
bccc, cb, aabcabacaabc,  
cabccabcc, accca, bacacc,  
aca, ccc, ... }

22

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XY$$

$$X \rightarrow ZcZcX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Z \rightarrow WaWaZ$$

$$Z \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow ZcZ$$

$$W \rightarrow bW$$

$$W \rightarrow \epsilon$$

$$((b^*ab^*a)^*c(b^*ab^*a)^*c)^* (b^*ab^*a)^*c(b^*ab^*a)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias que contenham a  
subcadeia “abc”.

{abcb, babcb, bbabcc, abc,  
abcaabcb, cbabc, ababbabca, ... }

23

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XabcX$$

$$X \rightarrow aX$$

$$X \rightarrow bX$$

$$X \rightarrow cX$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$(a|b|c)^*abc(a|b|c)^*$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

Cadeias que não contêm a  
subcadeia “abc”.

24

{cababbc, acacbc, b,  
aabb, caaaba, aabbabacabbc,  
cbabb, aaa,  $\epsilon$ , aaabbb,  
aababac, cccbaa, ... }

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$S \rightarrow XS$$

$$S \rightarrow Y$$

$$X \rightarrow b|c|M|N$$

$$M \rightarrow Tc$$

$$N \rightarrow PQR$$

$$P \rightarrow Tb$$

$$Q \rightarrow PQ$$

$$Q \rightarrow \epsilon$$

$$T \rightarrow a$$

$$T \rightarrow aT$$

$$R \rightarrow b$$

$$R \rightarrow M$$

$$Y \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow T$$

$$Y \rightarrow PQ$$

$$Y \rightarrow PQT$$

$$(b|c|aa^*c|aa^*b(aa^*b)^*(b|aa^*c))^* \\ (\epsilon|aa^*|aa^*b(aa^*b)^*(\epsilon|aa^*))$$

# 25

- Identificadores utilizados em linguagens de programação de alto nível qualquer
- Conjunto dos símbolos utilizados por uma linguagem de programação qualquer

# 26

- Números inteiros positivos
- Números inteiros positivos e negativos
- Números reais com sinal
- Números reais em notação científica
- Números reais em notação científica com expoente positivos ou negativo